Ch9 Advanced Tree(高等樹)

Min-Max Heap、Deap、SMMH => 適合製作Double-ended Priority Tree

其Delete min、Delete Max、Insert X，皆在Time = O(logn)完成

Min-Max Heap(最小-最大堆積)

是一棵Complete B.T，且滿足下列

1. 此tree階層是以min-level、Max-level交替呈現
2. Root位於min-level
3. 若X位於min-level，則代表以X為Root之子樹中，X具有最小值

Deap(Double-ended Heap)(雙堆積)

是一棵Complete B.T，滿足下列

1. Root不存Data
2. Root之左子樹為Min-Heap
3. Root之右子樹為Max-Heap
4. 令i為Min-Heap中某個Node編號，令j為Max-Heap中對應的Node編號

則Deap[i] <= Deap[j]

其中j = i + 2的(log2(i+1)取上限再-2)次方

If (j > n) then j = [j/2]

SMMH(Symmetric Min-Max Heap)  
是一種Complete B.T，Root不存Data

滿足下列

1. Left sibling <= Right sibling
2. Node X 有祖父(grandparent)，則祖父的左子點必<=X
3. 祖父的右子點必 >= X

等同於

i的子孫中(不含i)中最小值為i的左子點

i的子孫中，最大值為i的右子點

Extended Binary Tree(延伸二元樹)

N個Nodes之B.T，若以Link List表示，則會有N+1條null Link，在這些Null Link上，加上特殊Node叫作External(or Failure)Nodes，其它Node叫Internal Node，此種Binary Tree稱之

External Node數 = Internal 數 + 1

定理:E=I+2N (N = Internal Node數)

Weighted External Path Length(WEPL)

加權外部路徑長度

Huffman Algo求min WEPL值

令W = N個外部節點加權值集合

Steps:

1. 從W中取出2個最小的加權值
2. 建立extended B.T
3. 將這2個權值和視為新權值，加入W中
4. Repeat 1~3 Until W中只剩一個權值，即作(n-1)個回合，此tree叫作Huffman Tree，其WEPL值即為min WEPL